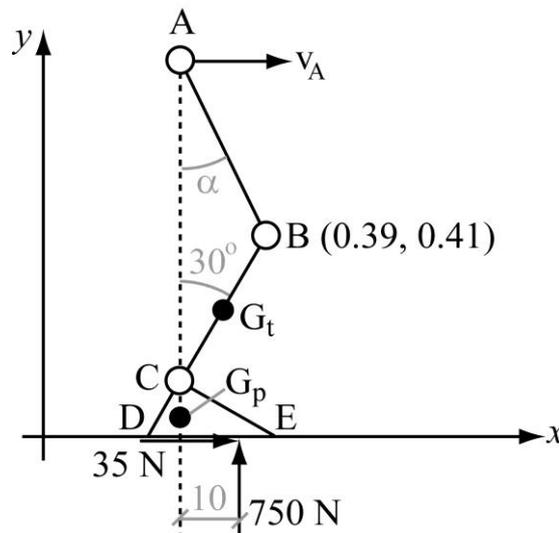


La figura muestra un modelo plano de fémur, tibia y pie, con una longitud del fémur $AB = 0.44$ m, y una longitud de la tibia $BC = 0.38$ m. El pie se representa por un triángulo rectángulo, con ángulo de 30° en la puntera (punto E) y ángulo de 60° en el talón (punto D). En el instante recogido en la figura, el pie se halla apoyado en el suelo, la tibia forma un ángulo de 30° con la vertical, la rodilla se encuentra en las coordenadas $B(0.39, 0.41)$, y la cadera (punto A) se halla en la misma vertical que el tobillo (punto C).

- Determinar las coordenadas, en m, de los puntos A, C, D y E.
- ¿Qué ángulo α forma el fémur con la vertical?



- Si la velocidad de la cadera es horizontal, hacia la derecha, de valor 1 m/s constante, y el pie se halla en reposo, también de forma constante, ¿cuáles son las velocidades angulares de tibia y fémur?
- ¿Y sus aceleraciones angulares?
- La placa de fuerza mide una fuerza vertical de 750 N, situada 10 mm a la derecha de la vertical que pasa por el tobillo, y una fuerza horizontal de 35 N. La masa del pie es 1.7 kg y su centro de masas se encuentra en la vertical del tobillo y a mitad de altura sobre el suelo. La gravedad se toma $g = 10$ m/s². Calcular las reacciones y el par motor en el tobillo, teniendo en cuenta el peso del pie.
- Si la masa de la tibia es 5.3 kg, y su centro de masas se encuentra en su punto medio, calcular las reacciones y el par motor en la rodilla, teniendo en cuenta el peso de la tibia y sus fuerzas de inercia.

$$a, b) \vec{r} = \vec{OB} + \vec{BC} = \begin{Bmatrix} 0'39 \\ 0'41 \end{Bmatrix} + \begin{Bmatrix} -0'38 \sin 30 \\ -0'38 \cos 30 \end{Bmatrix} = \begin{Bmatrix} 0'2 \\ 0'081 \end{Bmatrix} = \vec{OC}$$

$$CE \sin 30 = 0'081 \Rightarrow CE = 0'162$$

$$DE \cos 20 = CE \Rightarrow DE \sin 30 = 0'162 \Rightarrow DE = 0'187$$

$$CD = DE \sin 30 \Rightarrow ED = 0'187 \sin 30 = 0'0935$$

$$\vec{OD} = \vec{OC} + \vec{CD} = \begin{Bmatrix} 0'2 \\ 0'081 \end{Bmatrix} + \begin{Bmatrix} -0'0935 \cos 60 \\ -0'0935 \sin 60 \end{Bmatrix} = \begin{Bmatrix} 0'153 \\ 0 \end{Bmatrix} = \vec{OD}$$

$$\vec{OE} = \vec{OD} + \vec{DE} = \begin{Bmatrix} 0'153 \\ 0 \end{Bmatrix} + \begin{Bmatrix} 0'187 \\ 0 \end{Bmatrix} = \begin{Bmatrix} 0'34 \\ 0 \end{Bmatrix} = \vec{OE}$$

$$\vec{OA} = \vec{OB} + \vec{BA} = \begin{Bmatrix} 0'39 \\ 0'41 \end{Bmatrix} + \begin{Bmatrix} -0'44 \sin \alpha \\ 0'44 \cos \alpha \end{Bmatrix} = \begin{Bmatrix} 0'2 \\ A_y \end{Bmatrix}$$

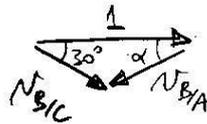
$$0'39 - 0'44 \sin \alpha = 0'2 \Rightarrow \alpha = 25'58''$$

$$A_y = 0'41 + 0'44 \cos 25'58'' = 0'807 \Rightarrow \vec{OA} = \begin{Bmatrix} 0'2 \\ 0'807 \end{Bmatrix}$$

$$c) \vec{N}_B = \vec{N}_A + \vec{N}_{B/A}$$

$$\vec{N}_C + \vec{N}_{B/C}$$

$$\begin{matrix} \parallel & \xrightarrow{1} & ? \\ \parallel & \xrightarrow{?} & \end{matrix}$$



$$\begin{cases} 1 = N_{B/C} \cos 30 + N_{B/A} \cos 25'58'' \\ N_{B/C} \sin 30 = N_{B/A} \sin 25'58'' \end{cases}$$

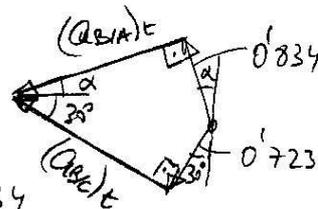
$$N_{B/C} = 0'524 \text{ m/s} = W_{BC} \Rightarrow W_{BC} = \frac{0'524}{0'38} = 1'379 \frac{\text{rad}}{\text{s}} \text{ Uhr}$$

$$N_{B/A} = 0'606 \text{ m/s} = W_{AB} \Rightarrow W_{AB} = \frac{0'606}{0'44} = 1'377 \frac{\text{rad}}{\text{s}} \text{ Uhr}$$

$$d) \vec{a}_B = \vec{a}_A + \vec{a}_{B/A}$$

$$\vec{a}_C + \vec{a}_{B/C}$$

$$\begin{matrix} \parallel & \xrightarrow{0} & ? \\ \parallel & \xrightarrow{?} & \end{matrix}$$



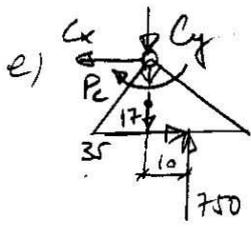
$$W_{AB}^2 = 1'377^2 \times 0'44 = 0'834$$

$$W_{BC}^2 = 1'379^2 \times 0'38 = 0'723$$

$$\begin{cases} 0'834 \text{ km} \alpha + (a_{B/A})_t \cos 30 = 0'723 \text{ km} 30 + (a_{B/C})_t \cos 30 \\ (a_{B/A})_t \sin 30 + (a_{B/C})_t \text{ km} 30 = 0'723 \cos 30 + 0'834 \cos \alpha \end{cases}$$

$$(a_{B/C})_t = 1'506 \text{ m/s}^2 = \alpha_{BC} \Rightarrow \boxed{\alpha_{BC} = \frac{1'506}{0'38} = 3'963 \frac{\text{rad}}{\text{s}^2}}$$

$$(a_{B/A})_t = 1'446 \text{ m/s}^2 = \alpha_{AB} \Rightarrow \boxed{\alpha_{AB} = \frac{1'446}{0'44} = 3'286 \frac{\text{rad}}{\text{s}^2}}$$



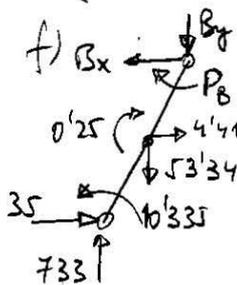
$$P_{\text{ext}} = -m_p g = -17 \times 10 = -17 \text{ N}$$

$$35 - C_x = 0 \Rightarrow \boxed{C_x = 35 \text{ N}}$$

$$750 - 17 - C_y = 0 \Rightarrow \boxed{C_y = 733 \text{ N}}$$

flexion plantar

$$-P_C + 750 \times 0'01 + 35 \times 0'081 = 0 \Rightarrow \boxed{P_C = 10'335 \text{ Nm}}$$



$$P_{\text{ext}} = -m_t g = -5'3 \times 10 = -53 \text{ N}$$

$$a_{Gt} = a_c + a_{Gt/c} = \begin{cases} -0'361 \text{ km} 30 - 0'753 \cos 30 \\ 0'753 \text{ km} 30 - 0'361 \cos 30 \end{cases} = \begin{cases} -0'833 \\ 0'064 \end{cases}$$



$$\alpha_{CGt} = 3'963 \times 0'19 = 0'753$$

$$\omega_{CGt}^2 = 1'379^2 \times 0'19 = 0'361$$

$$\vec{F}_{\text{in}} = -m_t \vec{a}_{Gt} = -5'3 \begin{cases} -0'833 \\ 0'064 \end{cases} = \begin{cases} 4'41 \\ -0'34 \end{cases} \text{ N}$$

$$M_{\text{in}Gt} = -I_{Gt} \alpha_{CGt} = -\left(\frac{1}{12} m_t L_t^2\right) \alpha_{CGt} = -\left(\frac{1}{12} \times 5'3 \times 0'38^2\right) 3'963 = -0'25 \text{ Nm}$$

$$35 + 4'41 - B_x = 0 \Rightarrow \boxed{B_x = 39'41 \text{ N}}$$

$$733 - 53'34 - B_y = 0 \Rightarrow \boxed{B_y = 679'66 \text{ N}}$$

$$10'335 - 0'25 - P_B - 733 \times 0'38 \cos 30 + 35 \times 0'38 \cos 30 + 53'34 \times 0'19 \sin 30 + 4'41 \times 0'19 \cos 30 = 0 \Rightarrow$$

$$\boxed{P_B = -111'85 \text{ Nm}} \text{ — extension de tordille}$$