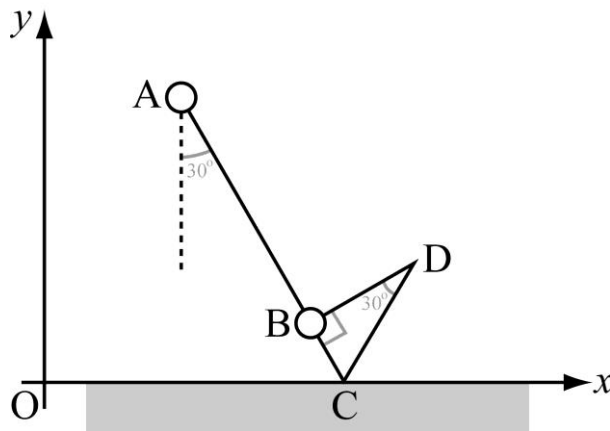


La figura muestra un modelo plano del conjunto tibia y pie. Se sabe que, en el instante representado, el talón (punto C) está apoyado en el suelo y no desliza sobre el mismo, y que esa situación se mantendrá en los instantes siguientes. Se conocen las distancias  $OC=0.5$  m,  $CD=0.2$  m,  $AB=0.4$  m. En el instante representado, la tibia forma un ángulo de  $30^\circ$  con la vertical, y la parte posterior del pie (segmento BC) está alineada con la tibia. El pie se ha modelado como un triángulo rectángulo, con ángulo recto entre los segmentos BC y BD, y ángulo de  $30^\circ$  entre los segmentos BD y CD.



- Calcular las coordenadas de los puntos A, B, C y D.
- Calcular el ángulo de tobillo y decir si está en flexión dorsal o plantar.
- Sabiendo que  $\omega_{\text{pie}}=-1$  rad/s y  $\omega_{\text{tibia}}=-0.5$  rad/s, calcular las velocidades de los puntos A, B y D.
- Sabiendo que  $\alpha_{\text{pie}}=0.3$  rad/s<sup>2</sup> y  $\alpha_{\text{tibia}}=0.2$  rad/s<sup>2</sup>, calcular las aceleraciones de los puntos A, B y D.

$$a) \vec{OC} = (OC, 0) = (0'5, 0) \rightarrow \boxed{C(0'5, 0)}$$

$$BC = CD \operatorname{sen} 30^\circ = 0'2 \operatorname{sen} 30^\circ = 0'1$$

$$BD = CD \operatorname{cos} 30^\circ = 0'2 \operatorname{cos} 30^\circ = 0'173$$

$$\vec{OB} = \vec{OC} + \vec{CB} = \begin{Bmatrix} 0'5 \\ 0 \end{Bmatrix} + \begin{Bmatrix} -0'1 \operatorname{sen} 30^\circ \\ 0'1 \operatorname{cos} 30^\circ \end{Bmatrix} =$$

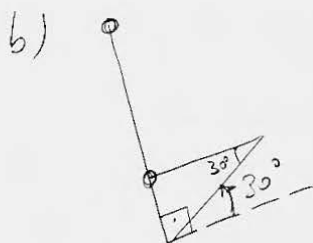
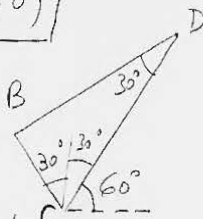
$$= \begin{Bmatrix} 0'45 \\ 0'087 \end{Bmatrix} \rightarrow \boxed{B(0'45, 0'087)}$$

$$\vec{OD} = \vec{OC} + \vec{CD} = \begin{Bmatrix} 0'5 \\ 0 \end{Bmatrix} + \begin{Bmatrix} 0'2 \operatorname{cos} 60^\circ \\ 0'2 \operatorname{sen} 60^\circ \end{Bmatrix} =$$

$$= \begin{Bmatrix} 0'6 \\ 0'173 \end{Bmatrix} \rightarrow \boxed{D(0'6, 0'173)}$$

$$\vec{OA} = \vec{OB} + \vec{BA} = \begin{Bmatrix} 0'45 \\ 0'087 \end{Bmatrix} + \begin{Bmatrix} -0'4 \operatorname{sen} 30^\circ \\ 0'4 \operatorname{cos} 30^\circ \end{Bmatrix} =$$

$$= \begin{Bmatrix} 0'25 \\ 0'433 \end{Bmatrix} \rightarrow \boxed{A(0'25, 0'433)}$$



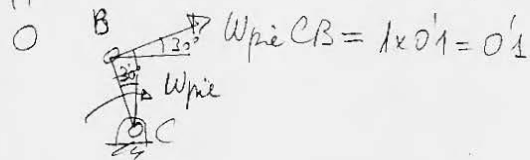
Ángulo de tobillo:  $30^\circ$

Flexión dorsal

$$c) \vec{N}_B = \vec{N}_C + \vec{N}_{B/C} = \begin{Bmatrix} 0 \\ 0 \end{Bmatrix} + W_{pie} \begin{Bmatrix} -CB_y \\ CB_x \end{Bmatrix} =$$

$$= \begin{Bmatrix} 0 \\ 0 \end{Bmatrix} - 1 \begin{Bmatrix} -0'087 \\ -0'05 \end{Bmatrix} = \boxed{\begin{Bmatrix} 0'087 \\ 0'05 \end{Bmatrix} = \vec{N}_B}$$

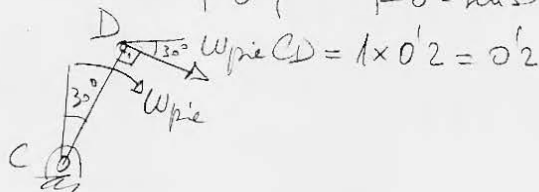
$$\vec{N}_B = \vec{N}_C + \vec{N}_{B/C} = \begin{Bmatrix} 0 \\ 0 \end{Bmatrix} + \begin{Bmatrix} 0.1 \cos 30 \\ 0.1 \sin 30 \end{Bmatrix} = \begin{Bmatrix} 0.087 \\ 0.05 \end{Bmatrix}$$



$$\vec{N}_D = \vec{N}_C + \vec{N}_{D/C} = \begin{Bmatrix} 0 \\ 0 \end{Bmatrix} + W_{pi} \begin{Bmatrix} -CD_y \\ CD_x \end{Bmatrix} =$$

$$= \begin{Bmatrix} 0 \\ 0 \end{Bmatrix} - 1 \begin{Bmatrix} -0.173 \\ 0.1 \end{Bmatrix} = \begin{Bmatrix} 0.173 \\ -0.1 \end{Bmatrix} = \vec{N}_D$$

$$\vec{N}_D = \vec{N}_C + \vec{N}_{D/C} = \begin{Bmatrix} 0 \\ 0 \end{Bmatrix} + \begin{Bmatrix} 0.2 \cos 30 \\ -0.2 \sin 30 \end{Bmatrix} = \begin{Bmatrix} 0.173 \\ -0.1 \end{Bmatrix}$$

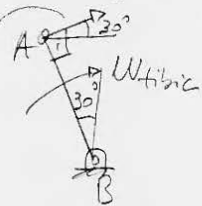


$$\vec{N}_A = \vec{N}_B + \vec{N}_{A/B} = \begin{Bmatrix} 0.087 \\ 0.05 \end{Bmatrix} + W_{tbc} \begin{Bmatrix} -BA_y \\ BA_x \end{Bmatrix} =$$

$$= \begin{Bmatrix} 0.087 \\ 0.05 \end{Bmatrix} - 0.5 \begin{Bmatrix} -0.346 \\ -0.2 \end{Bmatrix} = \begin{Bmatrix} 0.26 \\ 0.15 \end{Bmatrix} = \vec{N}_A$$

$$\vec{N}_A = \vec{N}_B + \vec{N}_{A/B} = \begin{Bmatrix} 0.087 \\ 0.05 \end{Bmatrix} + \begin{Bmatrix} 0.2 \cos 30 \\ 0.2 \sin 30 \end{Bmatrix} = \begin{Bmatrix} 0.26 \\ 0.15 \end{Bmatrix}$$

$$W_{tbc} BA = 0.5 \times 0.4 = 0.2$$

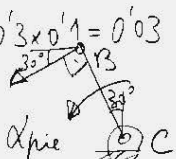
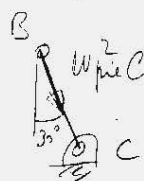


$$d) \vec{a}_B = \vec{a}_C + \vec{a}_{B/C} = \begin{Bmatrix} 0 \\ 0 \end{Bmatrix} + \alpha_{pie} \begin{Bmatrix} -CB_y \\ CB_x \end{Bmatrix} - \omega_{pie}^2 \begin{Bmatrix} CB_x \\ CB_y \end{Bmatrix} =$$

$$= \begin{Bmatrix} 0 \\ 0 \end{Bmatrix} + 0'3 \begin{Bmatrix} -0'087 \\ -0'05 \end{Bmatrix} - (-1)^2 \begin{Bmatrix} -0'05 \\ 0'087 \end{Bmatrix} = \boxed{\begin{Bmatrix} 0'024 \\ -0'102 \end{Bmatrix}} = \vec{a}_B$$

$$\vec{a}_B = \vec{a}_C + \vec{a}_{B/C} = \begin{Bmatrix} 0 \\ 0 \end{Bmatrix} + \begin{Bmatrix} -0'03 \cos 30 \\ -0'03 \sin 30 \end{Bmatrix} + \begin{Bmatrix} 0'1 \sin 30 \\ -0'1 \cos 30 \end{Bmatrix} =$$

$$= \begin{Bmatrix} 0'024 \\ -0'102 \end{Bmatrix}$$

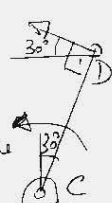

$\alpha_{pie} CB = 0'3 \times 0'1 = 0'03$   
  
 $\omega_{pie}^2 CB = 1^2 \times 0'1 = 0'1$   


$$\vec{a}_D = \vec{a}_C + \vec{a}_{D/C} = \begin{Bmatrix} 0 \\ 0 \end{Bmatrix} + \alpha_{pie} \begin{Bmatrix} -CD_y \\ CD_x \end{Bmatrix} - \omega_{pie}^2 \begin{Bmatrix} CD_x \\ CD_y \end{Bmatrix} =$$

$$= \begin{Bmatrix} 0 \\ 0 \end{Bmatrix} + 0'3 \begin{Bmatrix} -0'173 \\ 0'1 \end{Bmatrix} - (-1)^2 \begin{Bmatrix} 0'1 \\ 0'173 \end{Bmatrix} = \boxed{\begin{Bmatrix} -0'152 \\ -0'143 \end{Bmatrix}} = \vec{a}_D$$

$$\vec{a}_D = \vec{a}_C + \vec{a}_{D/C} = \begin{Bmatrix} 0 \\ 0 \end{Bmatrix} + \begin{Bmatrix} -0'06 \cos 30 \\ 0'06 \sin 30 \end{Bmatrix} + \begin{Bmatrix} -0'2 \sin 30 \\ -0'2 \cos 30 \end{Bmatrix} =$$

$$= \begin{Bmatrix} -0'152 \\ -0'143 \end{Bmatrix}$$

$\alpha_{pie} CD = 0'3 \times 0'2 = 0'06$   
  
 $\omega_{pie}^2 CD = 1^2 \times 0'2 = 0'2$   


$$\vec{a}_A = \vec{a}_B + \vec{a}_{A/B} = \begin{Bmatrix} 0'024 \\ -0'102 \end{Bmatrix} + \alpha_{thz} \begin{Bmatrix} -BA_y \\ BA_x \end{Bmatrix} - \omega_{thz}^2 \begin{Bmatrix} BA_x \\ BA_y \end{Bmatrix} =$$

$$= \begin{Bmatrix} 0'024 \\ -0'102 \end{Bmatrix} + 0'2 \begin{Bmatrix} -0'346 \\ -0'2 \end{Bmatrix} - (-0'5)^2 \begin{Bmatrix} -0'2 \\ 0'346 \end{Bmatrix} = \boxed{\begin{Bmatrix} 0'005 \\ -0'229 \end{Bmatrix}} = \vec{a}_A$$

$$\vec{a}_A = \vec{a}_B + \vec{a}_{A/B} = \begin{Bmatrix} 0'024 \\ -0'102 \end{Bmatrix} + \begin{Bmatrix} -0'08 \cos 30 \\ -0'08 \sin 30 \end{Bmatrix} + \begin{Bmatrix} 0'1 \sin 30 \\ -0'1 \cos 30 \end{Bmatrix} =$$

$$= \begin{Bmatrix} 0'005 \\ -0'229 \end{Bmatrix}$$

$$\alpha_{thz} BA = 0'2 \times 0'4 = 0'08$$

